

المقطع 3 : الحساب الحر في

والمعادلات والمتراجحات من
الدرجة الأولى بمجهول واحد

الأستاذ : نوي عقبة

موقع المذكرات : mathcem.tk

متوسطة الإخوة فرادي الولاة - بسكرة

2020/2019

الحساب الحرفي

الموارد :

- معرفة المتطابقات الشهيرة وتوظيفها
- نشر عبارة جبرية تتضمن متطابقات شهيرة
- التحليل باستخدام :
 - الخاصية التوزيعية
 - المتطابقات الشهيرة

الميدان : أنشطة عديدة الدعائم : ك.المدربي + و.المرافقة ..

المقطع التعليمي 3: الحساب الحرفي و المعادلات والمترجمات من الدرجة الأولى بمجهول واحد

الموضوع : المتطابقة الشهيرة (1) مربع مجموع

الكفاءة المستهدفة: التعرف على التعرف على المتطابقة الشهيرة الأولى

التقويم	موضوعات التعلم	المراحل				
ماهي الطريقة المتبعة لنشر و تبسيط عبارة من الشكل $(a + b)(c + d)$	استعد : أحسب ما يلي : $2 \times (9 - 7)$ ، $3 \times (4 + 5)$ أنشر ما يلي : $(2x + 3)(4 + 5x)$ ، $3x(4x + 5)$ الوضعية التعليمية (2) ص 32 : (1)مربع مجموع : أ-حساب بطريقتين كلا من $(8+2)^2$ ، $(3+0,5)^2$ -طريقة 1: - طريقة 2:	تهيئة				
ما هي الطريقة المتبعة لنشر العبارة $(a + b)^2$	<table border="1"> <tr> <td>$(8+2)^2 = (10)^2 = 10 \times 10 = 100$</td> <td> $(8+2)^2 = (8+2)(8+2)$ $= 8 \times (8+2) + 2 \times (8+2)$ $= 8 \times 10 + 2 \times 10 = 100$ </td> </tr> <tr> <td>$(3+0,5)^2 = (3,5)^2 = 3,5 \times 3,5 = 12,25$</td> <td> $(3+0,5)^2 = (3+0,5)(3+0,5)$ $= 3 \times (3+0,5) + 0,5 \times (3+0,5)$ $= 12,25$ </td> </tr> </table>	$(8+2)^2 = (10)^2 = 10 \times 10 = 100$	$(8+2)^2 = (8+2)(8+2)$ $= 8 \times (8+2) + 2 \times (8+2)$ $= 8 \times 10 + 2 \times 10 = 100$	$(3+0,5)^2 = (3,5)^2 = 3,5 \times 3,5 = 12,25$	$(3+0,5)^2 = (3+0,5)(3+0,5)$ $= 3 \times (3+0,5) + 0,5 \times (3+0,5)$ $= 12,25$	وضعية التعلم
$(8+2)^2 = (10)^2 = 10 \times 10 = 100$	$(8+2)^2 = (8+2)(8+2)$ $= 8 \times (8+2) + 2 \times (8+2)$ $= 8 \times 10 + 2 \times 10 = 100$					
$(3+0,5)^2 = (3,5)^2 = 3,5 \times 3,5 = 12,25$	$(3+0,5)^2 = (3+0,5)(3+0,5)$ $= 3 \times (3+0,5) + 0,5 \times (3+0,5)$ $= 12,25$					
كيف نحسب مساحة مربع؟	ب- ✓ التعبير عن مساحة المربع $MNPQ$ بدلالة طول ضلع $a + b$ $A_{MNPQ} = (a + b)(a + b) = (a + b)^2$ ✓ باستعمال مساحات الرباعيات : $A_{MNPQ} = A_{MRLV} + A_{LSPT} + A_{RNSL} + A_{VLTQ}$ $A_{MNPQ} = a^2 + b^2 + ab + ab$ $A_{MNPQ} = a^2 + 2ab + b^2$ المساواة الناتجة : $(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$ ج-إتمام : $(a + b)^2 = (a + b)(a + b)$					

$$= a^2 + ab + ab + b^2$$

$$= a^2 + 2ab + b^2$$

العبارة المبسطة للعدد $(a+b)^2$ هي $a^2 + 2ab + b^2$:

$$(x+1)^2 = x^2 + 2x + 1 \quad \text{د- نشر العبارتين :}$$

$$(2x+3)^2 = (2x)^2 + 2(2x \times 3) + 3^2 = 4x^2 + 12x + 9$$

هـ - حساب ذهنيا:

$$21^2 = (20+1)^2 = 20^2 + 2(20 \times 1) + 1^2 = 400 + 40 + 1 = 441$$

$$53^2 = (50+3)^2 = 50^2 + 2(50 \times 3) + 3^2 = 2500 + 300 + 9 = 2809$$

حوصلة:

a و b عدنان حقيقيان، تسمى المساواة :

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2 \quad \text{المتطابقة الشهيرة الأولى}$$

أوظف تعلماتي 9 ص 37

معارف

إعادة
الاستثمار

بطاقة فنية	عقبة نوي	أستاذ المادة	الرابعة متوسط	المستوى
رقم : 02	2020/2019	السنة الدراسية	رياضيات	المادة

الميدان : أنشطة عديدة الدعائم : ك.المدربي + و.المرافقة ..

المقطع التعليمي 3: الحساب الحرفي و المعادلات والمترجمات من الدرجة الأولى بمجهول واحد

الموضوع: المتطابقة الشهيرة (2) مربع فرق

الكفاءة المستهدفة: التعرف على التعرف على المتطابقة الشهيرة الأولى

التقويم	مراحل	موضوعات التعلم		
من يذكرنا بقاعدة مربع مجموع؟	تهيئة	<p>استعد : مراجعة المتطابقة الشهيرة الأولى</p> <p>الوضعية التعليمية (2) ص 32 :</p> <p>2)مربع فرق :</p> <p>أ- حساب بطريقتين كلا من $(9-3)^2$</p> <p>- طريقة 1:</p> <p>- طريقة 2:</p> <table border="1"> <tr> <td>$(9-3)^2 = 6^2 = 6 \times 6 = 36$</td> <td>$(9-3)^2 = (9-3)(9-3)$ $= 9 \times (9-3) - 3 \times (9-3)$ $= 9 \times 6 - 3 \times 6 = 54 - 18 = 36$</td> </tr> </table>	$(9-3)^2 = 6^2 = 6 \times 6 = 36$	$(9-3)^2 = (9-3)(9-3)$ $= 9 \times (9-3) - 3 \times (9-3)$ $= 9 \times 6 - 3 \times 6 = 54 - 18 = 36$
$(9-3)^2 = 6^2 = 6 \times 6 = 36$	$(9-3)^2 = (9-3)(9-3)$ $= 9 \times (9-3) - 3 \times (9-3)$ $= 9 \times 6 - 3 \times 6 = 54 - 18 = 36$			
ما هي الطريقة المتبعة لنشر العبارة $(a-b)^2$	وضعية التعلم	<p>ب-</p> <p>✓ التعبير عن مساحة المربع (1) بدلالة طول ضلع $a-b$:</p> $A_1 = (a-b)(a-b) = (a-b)^2$ <p>✓ باستعمال مساحات الرباعيات :</p> <p>مساحة المستطيل (1) هي S_1</p> <p>- مساحة المستطيل (2) هي S_2</p> $A_1 = A_{KLMN} - (A_2 + S_1 + S_2)$ $A_1 = a^2 - [b^2 + (a-b) \times b + (a-b) \times b]$ $A_1 = a^2 - (b^2 + ab - b^2 + ab - b^2)$ $A_1 = a^2 - 2ab + b^2$ <p>المساواة الناتجة : $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$</p> <p>ج- إتمام : $(a-b)^2 = (a-b)(a-b)$</p> $= a^2 - ab - ab + b^2$ $= a^2 - 2ab + b^2$ <p>العبارة المبسطة للعدد $(a-b)^2$ هي : $a^2 - 2ab + b^2$</p> <p>د- نشر العبارتين :</p> $(x-1)^2 = x^2 - 2x + 1$		

$$(5-2x)^2 = 5^2 - 2(5 \times 2x) + (2x)^2 = 4x^2 - 20x + 25$$

هـ - حساب ذهنيًا:

$$19^2 = (20-1)^2 = 20^2 - 2(20 \times 1) + 1^2 = 400 - 40 + 1 = 461$$

$$37^2 = (40-3)^2 = 40^2 - 2(40 \times 3) + 3^2 = 1600 - 240 + 9 = 1369$$

حوصلة:

a و b عدنان حقيقيان، تسمى المساواة :

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$
 المتطابقة الشهيرة الثانية

أوظف تعلمي مقترح :

$$\begin{aligned} 99^2 &= (100-1)^2 = 100^2 + 1^2 - 2 \times 100 \times 1 \\ &= 10000 + 1 - 200 \\ &= 9801 \end{aligned}$$

أوظف تعلمي 13 ص 38

معارف

إعادة
الاستثمار

بطاقة فنية	عقبة نوي	أستاذ المادة	الرابعة متوسط	المستوى
رقم : 03	2020/2019	السنة الدراسية	رياضيات	المادة

الميدان : أنشطة عديدة الدعائم : ك.المدربي + و.المرافقة ..

المقطع التعليمي 3: الحساب الحرفي و المعادلات والمترجمات من الدرجة الأولى بمجهول واحد

الموضوع: المتطابقة الشهيرة (3) جداء مجموع حدين و فرقهما

الكفاءة المستهدفة: التعرف على التعرف على المتطابقة الشهيرة الثالثة

التقويم	مراحل	معارف
من يذكرنا بقاعدة مربع مجموع؟	<p>تهيئة</p> <p>استعد : مراجعة المتطابقة الشهيرة الأولى الوضعية التعليمية (2) ص 32 : (3) جداء مجموع حدين و فرقهما: أ-التعبير عن مساحة المستطيل (1): ✓ بدلالة $a+b$ و $a-b$</p> <p>$A_1 = (a+b)(a-b)$</p> <p>✓ بدلالة مساحة المربع $KLMN$ و المستطيل (2): $A_1 = A_{KLMN} - A_2$ $A_1 = (a+b)(a+b) - 2b(a+b)$ $A_1 = a^2 + b^2 + 2ab - 2ab - 2b^2$ $A_1 = a^2 - b^2$</p> <p>المساواة الناتجة : $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$ ب-إتمام : $(a+b)(a-b) = a^2 - ab + ab - b^2$ $= a^2 - b^2$</p> <p>ج- نشر العبارتين : $(x-3)(x+3) = x^2 - 3^2 = x^2 - 9$ $(2x-5)(2x+5) = (2x)^2 - 5^2 = 4x^2 - 25$</p> <p>د- حساب ذهنيًا: $95 \times 105 = (100-5)(100+5) = 100^2 - 5^2 = 9975$ ✓ $97^2 - 3^2 = (97-3)(97+3) = 94 \times 100 = 9400$ ✓</p> <p>حوصلة:</p> <p>a و b عدنان حقيقيان ، تسمى المساواة : المتطابقة الشهيرة الثالثة $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$</p>	<p>وضعية التعلم</p>

أوظف تعلماتي مقترح :

$$\begin{aligned}101 \times 99 &= (100 + 1) (100 - 1) \\ &= 100^2 - 1^2 \\ &= 10000 - 1 \\ &= 9999\end{aligned}$$

أوظف تعلماتي 17 ص 38

$x^2 + 6x + 9 = (x)^2 + 2(x \times 3) + (3)^2 = (x+3)^2$	المتطابقة الشهيرة 1
$x^2 - 4x + 4 = (x)^2 - 2(x \times 2) + (2)^2 = (x+2)^2$	المتطابقة الشهيرة 2
$x^2 - 16 = (x)^2 - (4)^2 = (x+4)(x-4)$	المتطابقة الشهيرة 3

الحوصلة :

تحليل عبارة جبرية هو كتابتها على شكل جداء

خواص :

<p>التحليل باستعمال الخاصية التوزيعية :</p> <ul style="list-style-type: none"> • $ka + kb = k(a+b)$ • $ka - kb = k(a-b)$ 	<p>باستعمال المتطابقات الشهيرة :</p> <ul style="list-style-type: none"> • $a^2 + 2ab + b^2 = (a+b)^2$ • $a^2 - 2ab + b^2 = (a-b)^2$ • $a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$
--	--

أوظف تعلماتي مقترح :

$$\begin{aligned} (2x + 1)(x - 4) + (2x + 1) &= \\ &= (2x + 1)[(x - 4) + 1] \\ &= (2x + 1)(x - 4 + 1) \\ &= (2x + 1)(x - 3) \end{aligned}$$

$$x(5x - 2) - 3(5x - 2) = (5x - 2)(x - 3)$$

$$\begin{aligned} x^2 - 49 &= x^2 - 7^2 \\ &= (x - 7)(x + 7) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 25x^2 - 30x + 9 &= (5x)^2 + 3^2 - 2 \times 5x \times 3 \\ &= (5x - 3)^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 4 + 49x^2 + 28x &= 2^2 + (7x)^2 + 2 \times 2 \times 7x \\ &= (2 + 7x)^2 \end{aligned}$$

أوظف تعلماتي 26 و 27 و 32 ص 39

--	--	--