

التمرين الأول:

ليكن العددين A و B حيث :

$$B = \frac{414}{A} + \frac{1}{2} \div \frac{1,5}{6} \quad ; \quad A = \frac{12,6 \times 10^{-11} \times 1,5 \times 10^8}{70 \times 10^{-6}}$$

- (1) بين أن الكتابة العلمية للعدد A هي $2,7 \times 10^2$.
- (2) هل العددان 270 و 414 أوليان فيما بينهما؟ اشرح إجابتك.
- (3) أكتب العدد B على شكل كسر غير قابل للاختزال.

التمرين الثاني: (يطلب في هذا التمرين دقة و وضوح و نظافة الرسم)

- (1) أنشئ مثلثا EFG حيث : $FG=7,5cm$ ؛ $EG=4,5cm$ ؛ $EF=6cm$.
- (2) بين أن المثلث EFG قائم في نقطة يطلب تعيينها.
- (3) أنشئ النقطتين M و N حيث:
- M تنتمي إلى [FE) و $FM=10cm$
- N تنتمي إلى [GE) و $N \notin [GE]$ و $EN = \frac{2}{3} GE$.
- (4) بين أن المستقيمين (FG) و (MN) متوازيان.
- (5) احسب الطول MN.

التمرين الثالث:

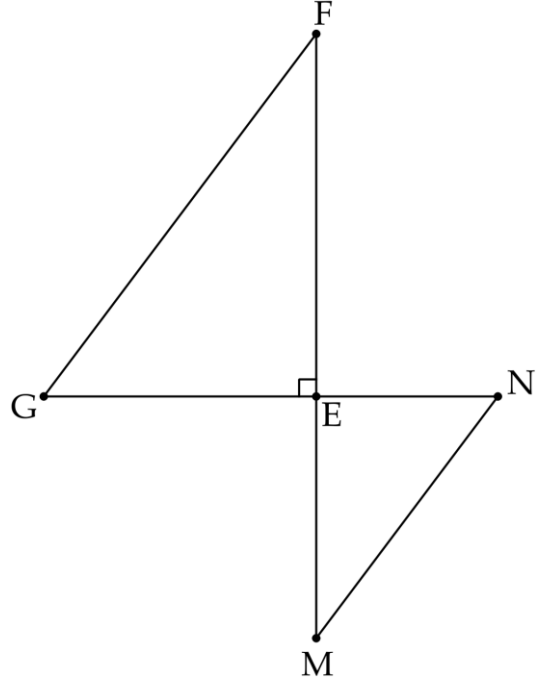
- لدى عمر قطعة ارض مستطيلة الشكل بعدها 330 و 114 متر، يريد احاطتها بسياج من اجل ذلك سيقوم بتثبيت اعمدة متباعدة بانتظام على ان تكون المسافة بين كل عمودين عدد طبيعي، مع وضع عمود واحد في كل ركن من أركان القطعة .
- (1) هل يمكن ان تكون المسافة بين كل عمودين 5 امتار؟ 3 أمتار؟
 - (2) عمر يريد تثبيت أقل عدد ممكن من الأعمدة، بماذا تنصحه؟
 - (3) ما هو عدد الأعمدة التي سيثبتها حينئذ؟

0,75

$$\frac{EM}{EF} = \frac{10-6}{6} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3} \quad \text{لدينا :}$$

$$\frac{EN}{GE} = \frac{2}{3} \quad \text{و منه :} \quad EN = \frac{2}{3}GE$$

بما أن $\frac{EM}{EF} = \frac{EN}{GE}$ و النقط M, E, F بنفس ترتيب النقط N, E, G فإن $(MN) \parallel (FG)$ حسب النظرية العكسية لطالس.



حساب الطول MN:

لدينا $(MN) \parallel (FG)$ و E تنتمي إلى كل من [FM] و [GN] حسب نظرية طالس نجد :

$$\frac{2}{3} = \frac{4}{6} = \frac{MN}{7,5} \quad \text{بالتعويض} \quad \frac{EN}{EG} = \frac{EM}{EF} = \frac{MN}{FG}$$

$$\text{نأخذ} \quad MN = \frac{4 \times 7,5}{6} \quad \text{و منه} \quad \frac{4}{6} = \frac{MN}{7,5}$$

$$\text{إذن :} \quad MN = 5cm$$

حل التمرين الثالث: (06 نقاط)

(1) تحديد المسافة الأنسب بين كل عمودين :

العدد 5 ليس قاسم مشترك للعددين 330 و 114 (بُعدي القطعة) بينما العدد 3 هو قاسم مشترك لهذين الأخيرين، و بالتالي المسافة 3m هي الأنسب.

(2) إذا أراد عمر تثبيت أقل عدد ممكن من الأعمدة عليه أن يجعل المسافة بين كل عمودين أكبر ما يمكن ، و هي أكبر قاسم مشترك لبُعدي القطعة، أي نحسب $PGCD(330;114)$

1,5

0,25

$$\frac{ME}{MF} = \frac{NE}{NG} = \frac{MN}{FG}$$

$$\frac{ME}{10} = \frac{0,6}{5,7} = \frac{MN}{7,5}$$

0,75

0,75

0,25

♦ لإثبات توازي مستقيمين بتوظيف النظرية العكسية لطالس :
- نحسب نسبتين مناسبتين كل على حدى (لا نستعمل القيم المقربة) ثم نقارنهما
- إذا تساوت النسبتين نتأكد من ترتيب النقط
- بتحقق الشرطين يكون المستقيمان متوازيان.

$$\frac{EM}{EF} = \frac{4}{6} = 0,666$$

$$\frac{EN}{EG} = \frac{3}{4,5} = 0,666$$

بما أن $\frac{EM}{EF} = \frac{EN}{EG}$ فإن $(MN) \parallel (FG)$

♦ عند تطبيق نظرية طالس لحساب طول نراعي ما يلي:
- ذكر شرط وجود مستقيمين متوازيين يقطعهما مستقيمان متقاطعان باستعمال ترميزات مناسبة
- نَقْسِم أطوال اضلاع احد المثلثين على اطوال اضلاع المثلث الآخر بنفس الترتيب لنحصل على النسب الثلاث المتساوية.

$$\frac{ME}{MF} = \frac{NE}{NG} = \frac{MN}{FG}$$

$$\frac{ME}{10} = \frac{0,6}{5,7} = \frac{MN}{7,5}$$

			$330 = 114 \times 2 + 102$ $114 = 102 \times 1 + 12$ $102 = 12 \times 8 + 6$ $12 = 6 \times 2 + 0$ $\text{PGCD}(330;114)=6$ <p>إذن على عمر أن يجعل بين كل عمودين 6 أمتار.</p> <p>(3) حساب n أقل عدد ممكن من الأعمدة:</p> <p>نحسب P محيط القطعة:</p> $P = (330 + 114) \times 2$ $P = 888m$ <p>ومنه</p> $n = \frac{P}{6}$ $n = \frac{888}{6}$ $n = 148$ <p>أقل عدد ممكن من الأعمدة التي يمكن تثبيتها هو 148</p>
		0,5x3	
		0,5	
		0,5	
		0,5	
		0,5	
		0,25	
		0,25	